

1 - Système manivelle-coulisse

Sachant que la manivelle tourne à ω rad / s = constante et que le rayon $OA = R$

Le repère $R_0(\mathbf{O}, \vec{x}_0, \vec{y}_0, \vec{z}_0)$ est fixe

Le repère $R_1(\mathbf{O}, \vec{x}_1, \vec{y}_1, \vec{z}_1)$ est lié la manivelle (OA)

Le repère $R_2(\mathbf{B}, \vec{x}_2, \vec{y}_2, \vec{z}_2)$ est lié à la coulisse

1 – Quelle est la trajectoire de $A \in I / 0$

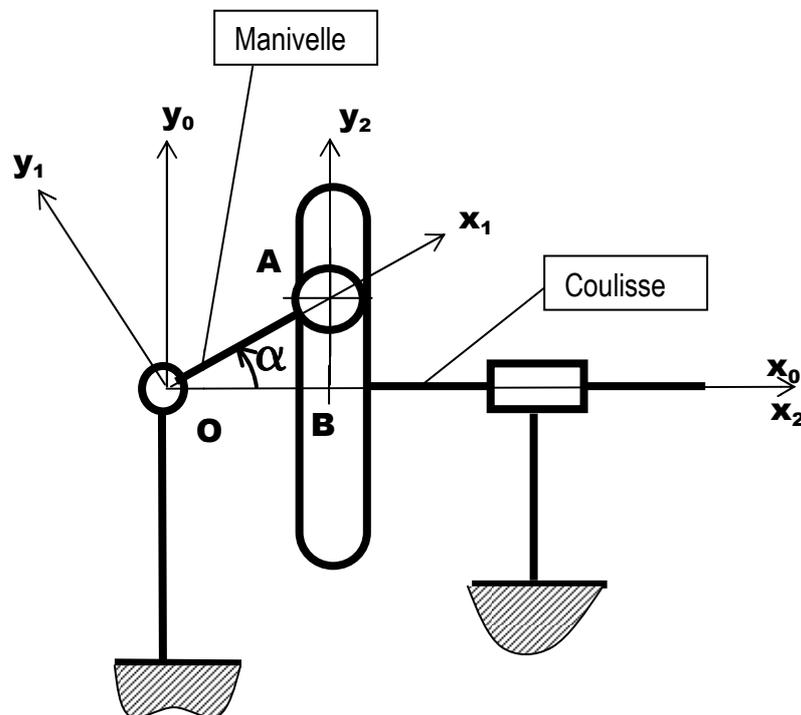
2 - DETERMINEZ la vitesse du point A par rapport à R_0 \vec{V}_A / R_0 en fonction de R et ω

3 – DETERMINEZ \vec{V}_A / R_0 et \vec{V}_A / R_2

4 – DETERMINEZ $\vec{V}_A \in R_2 / R_0$

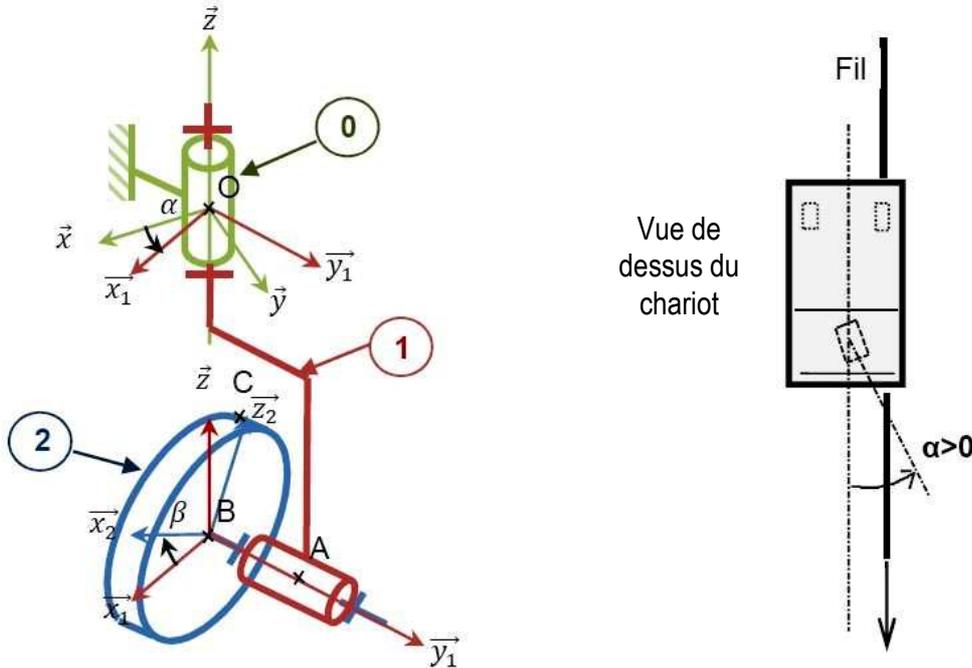
5 – DETERMINEZ \vec{V}_B / R_0

6 – DETERMINEZ $\vec{\Gamma}_B / R_0$



2 – Chariot filoguidé

Schéma cinématique du système d'orientation de la roue d'un chariot filoguidé



Le repère $R_0(\mathbf{O}, \vec{x}, \vec{y}, \vec{z})$ est lié au bati (S)

Le bras (S_1) est en liaison pivot d'axe (\mathbf{O}, \vec{z}) avec (S)

Le repère $R_1(\mathbf{O}, \vec{x}_1, \vec{y}_1, \vec{z}_1)$ est au solide (S_1)

On pose $\alpha = (\vec{x}, \vec{x}_1)$ angle contrôlé par le moteur d'orientation

La roue (S_2) de centre B est en pivot d'axe (A, \vec{y}_1) avec le solide (S_1)

Le repère $R_2(\mathbf{B}, \vec{x}_2, \vec{y}_2, \vec{z}_2)$ est lié au solide (S_2)

On pose $\vec{OA} = -h \vec{z} + a \vec{y}_2$ avec a et h constantes positives et $\beta(t) = (\vec{x}_1, \vec{x}_2)$ angle du moteur d'avance.

On observe un point C de la roue dont la position est donnée par $\vec{AC} = -a \vec{y}_2 + r \vec{z}_2$

1 – **REPRESENTER** sur un schéma plan la position du repère R_1 par rapport au repère R_0 et sur un autre schéma plan la position du repère R_2 par rapport au repère R_1

2 – **DETERMINER** la vitesse du point C appartenant à S_2 dans son mouvement par rapport à S $\vec{V}_{C \in S_2/S}$ en exprimant ses composantes dans le repère $R_2(\mathbf{C}, \vec{x}_2, \vec{y}_2, \vec{z}_2)$

3 – **DETERMINER** l'accélération du point C appartenant à S_2 dans son mouvement par rapport à S $\vec{\Gamma}_{C \in S_2/S}$ en exprimant ses composantes dans le repère $R_2(\mathbf{C}, \vec{x}_2, \vec{y}_2, \vec{z}_2)$