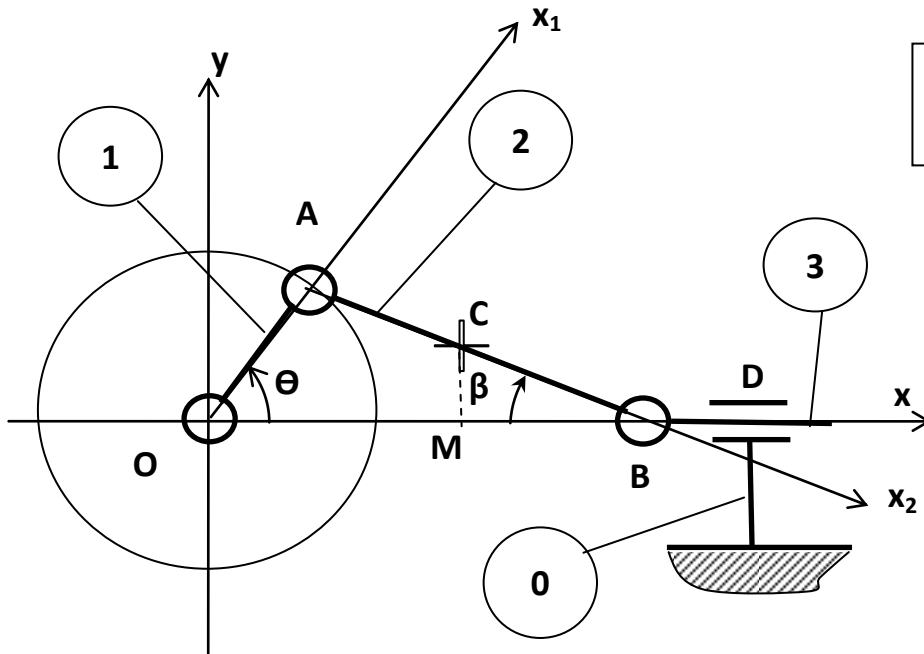


## Contrôle de dynamique

Dans le système bielle-manivelle, l'extrémité d'une tige (OA) de longueur (R) a un mouvement circulaire uniforme avec la **vitesse angulaire ( $\omega$ ) constante**.

Elle entraîne une bielle (AB) de longueur  $L > R$  dont l'extrémité B peut coulisser sur un axe Ox ;

à  $t = 0$ ,  $\Theta = 0$ . **Le point C est le milieu de [AB]**



**Remarque : dérivée de arcsin(u)**  
 $\arcsin(u)' = \frac{u'}{\sqrt{1-u^2}}$

0 : Partie fixe  
 1 : Manivelle OA  
 2 : Bielle AB  
 3 : Coulisse

- 1) Quelle est l'équation horaire angulaire ( $\Theta = f(t)$ ) du point A ?
- 2) Exprimer  $\beta$  en fonction de  $\Theta$ , R et L
- 3) Déterminer le vecteur  $\vec{OC}$
- 4) En déduire  $OM(t)$  en fonction de  $\Theta$ , R et L.
- 5) Déterminer la vitesse de rotation de la bielle  $\vec{\Omega} (2/0)$  en fonction de  $\Theta$  et de ses dérivées ainsi que de R et L.
- 6) Déterminer le vecteur vitesse du point C,  $\vec{V}_C$  en fonction de  $\Theta$ , R et L et de ses dérivées.

Pour information, on donne la forme de la matrice d'inertie d'un pavé exprimée en G (centre de gravité)

$$I_G(S) = \begin{bmatrix} A & 0 & 0 \\ 0 & B & 0 \\ 0 & 0 & C \end{bmatrix}_{(\vec{x}, \vec{y}, \vec{z})}$$

- 7) En déduire le moment cinétique en C  $\vec{\sigma}_{C(2/R)}$  de la bielle AB (2) (assimilable à un pavé) en fonction de  $\Theta$  et de ses dérivées ainsi que de R et L.
- 8) En déduire le moment dynamique en C  $\vec{\delta}_{C(2/R)}$  de la bielle AB (2) en fonction de  $\Theta$  et de ses dérivées ainsi que de R et L
- 9) Sachant que le poids de la bielle (AB) est négligé et que le système est dans le plan (Oxy) :
  - Isoler la bielle
  - Faire le bilan des actions appliquées à la bielle (AB)

**Rappel :** Le torseur  $\{\tau_{(2 \rightarrow 1)}\}$  associé à l'action mécanique exercée en A, par un solide 2 sur un solide 1 sera noté :

$$\{\mathcal{J}_{(2 \rightarrow 1)}\} = \left\{ \begin{array}{l} \vec{R}_{2 \rightarrow 1} \\ \vec{M}_{A2 \rightarrow 1} \end{array} \right\}_A = \left\{ \begin{array}{l} \vec{R}_{2 \rightarrow 1} = X_{21} \cdot \vec{x} + Y_{21} \cdot \vec{y} + Z_{21} \cdot \vec{z} \\ \vec{M}_{A2 \rightarrow 1} = L_{21} \cdot \vec{x} + M_{21} \cdot \vec{y} + N_{21} \cdot \vec{z} \end{array} \right\}$$

- 10) Par application du théorème du moment dynamique en C, écrire l'équation faisant intervenir les composantes de liaison en A et en B en fonction de  $\Theta$  et de ses dérivées ainsi que de R, L et  $\beta$ .