

Contrôle continu de statique

Le système étudié permet l'ouverture d'une porte latérale sur un avion cargo.

La présente étude porte essentiellement sur l'exigence permettant d'assurer le mouvement du système d'ouverture.

S_0 = Fuselage de l'avion

S_1 = Porte

S_2 = Basculeur

S_3 = Corps de vérin

S_4 = Tige de vérin

Données géométriques :

$$\overrightarrow{CD} = \lambda \cdot \overrightarrow{x_3}; \quad \overrightarrow{CB} = a \cdot \overrightarrow{x} - b \cdot \overrightarrow{y}$$

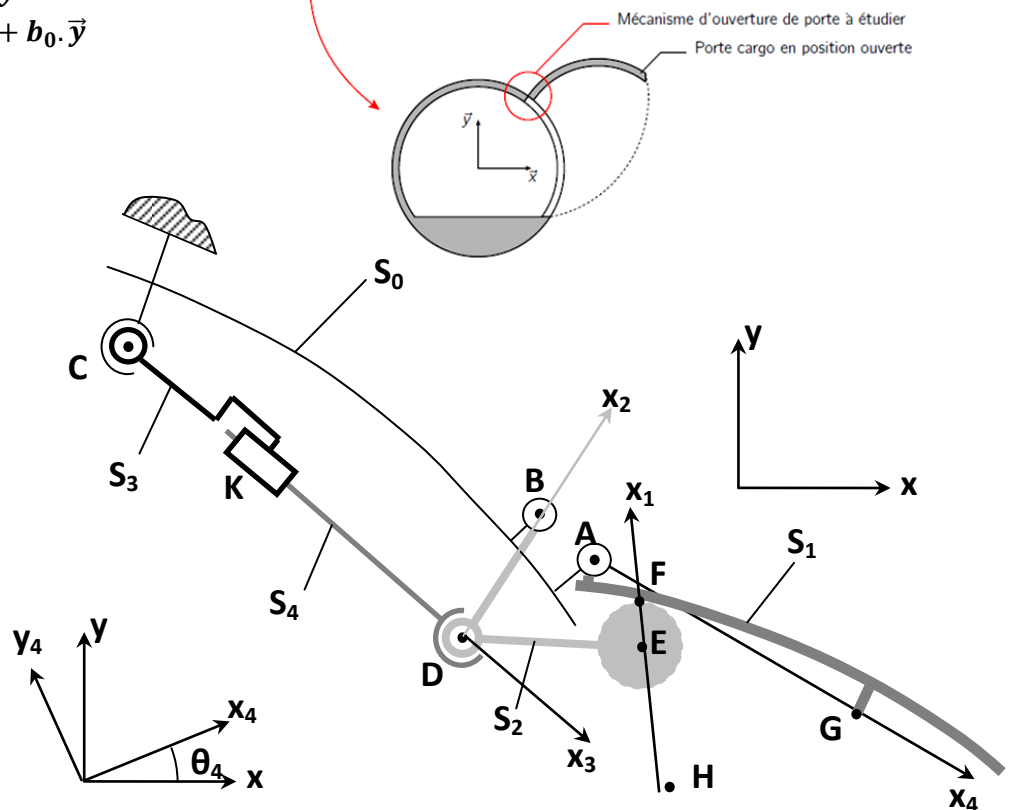
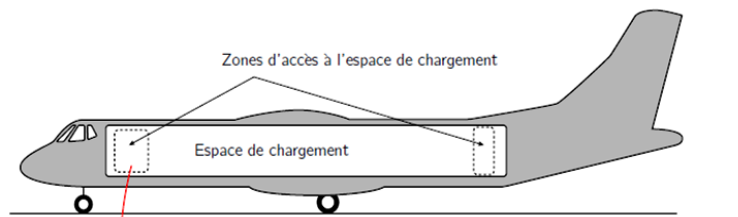
$$\overrightarrow{FE} = -r \cdot \overrightarrow{x_1}; \quad \overrightarrow{AB} = -a_0 \cdot \overrightarrow{x} + b_0 \cdot \overrightarrow{y}$$

$$\overrightarrow{AG} = a_1 \cdot \overrightarrow{x_4}$$

$$\overrightarrow{AF} = -\delta_x \cdot \overrightarrow{x_1} - \delta_y \cdot \overrightarrow{y_1}$$

$$\overrightarrow{BD} = -a_2 \cdot \overrightarrow{x_2}$$

$$\overrightarrow{BE} = -b_2 \cdot \overrightarrow{x_2} - c_2 \cdot \overrightarrow{y_2}$$



L'actionneur permet d'ouvrir et fermer une porte dont la masse est notée M et dont le centre de gravité est noté G . Dans le repère $(A, \overrightarrow{x_1}, \overrightarrow{y_1}, \overrightarrow{z})$, la position de G est repérée comme suit : $\overrightarrow{AG} = a_1 \cdot \overrightarrow{x_4}$ (voir figure ci-dessus). L'objectif de cette partie est d'estimer la charge maximale que doit être capable de pousser le vérin. On fait les hypothèses suivantes :

$$\text{En G il s'applique le poids de la porte : } \{ \mathcal{T}_{g \rightarrow S_1} \} = \left\{ \begin{array}{l} \overrightarrow{P} = -M \cdot \mathbf{g} \cdot \overrightarrow{y} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_{(\overrightarrow{x}, \overrightarrow{y}, \overrightarrow{z})}$$

$$\text{En F l'action de contact s'écrit : } \{ \mathcal{T}_{F S_2 \rightarrow S_1} \} = \left\{ \begin{array}{l} \overrightarrow{F}_F = F_F \cdot \overrightarrow{x_1} \\ \overrightarrow{0} \end{array} \right\}_{(\overrightarrow{x_1}, \overrightarrow{y_1}, \overrightarrow{z_1})}$$

Questions

- 1) A partir du schéma cinématique, réaliser le graphe de liaisons du système faisant intervenir les solides S_0, S_1, S_2, S_3 et S_4 (préciser le nom, le centre et l'axe principal de chaque liaison
- 2) Ecrire les projections des vecteurs unitaires \vec{x}_1 et \vec{y}_1 dans le repère $(\vec{x}, \vec{y}, \vec{z})$
- 3) Ecrire les projections des vecteurs unitaires \vec{x}_2 et \vec{y}_2 dans le repère $(\vec{x}, \vec{y}, \vec{z})$
- 4) Ecrire les projections des vecteurs unitaires \vec{x}_3 et \vec{y}_3 dans le repère $(\vec{x}, \vec{y}, \vec{z})$
- 5) Ecrire le vecteur \vec{CD} dans le repère $(\vec{x}, \vec{y}, \vec{z})$
- 6) Ecrire le vecteur \vec{DB} dans le repère $(\vec{x}, \vec{y}, \vec{z})$
- 7) En écrivant $\vec{CB} + \vec{BD} + \vec{DC} = \vec{0}$ en déduire deux relations entre $\theta_2, \theta_3, a, a_2, b, \lambda$
- 8) Ecrire le vecteur \vec{AG} dans le repère $(\vec{x}, \vec{y}, \vec{z})$
- 9) Calculer le produit vectoriel $\vec{AG} \wedge \vec{P}$
- 10) Ecrire le torseur $\{\mathcal{J}_{g \rightarrow S_1}\}$ exprimé au point A
- 11) Ecrire le torseur $\{\mathcal{J}_{F_{S_2 \rightarrow S_1}}\}$ exprimé au point A
- 12) Ecrire le torseur de l'action de liaison en A $\{\mathcal{J}_A\}$
- 13) Ecrire le torseur résultant $\{\mathcal{J}_{R1}\} = \{\mathcal{J}_A\} + \{\mathcal{J}_{F_{S_2 \rightarrow S_1}}\} + \{\mathcal{J}_{g \rightarrow S_1}\}$

Le torseur de l'action de liaison en D sur S_2 s'écrit : $\{\mathcal{J}_D\} = \left. \begin{matrix} \vec{F}_D = F_D \cdot \vec{x}_3 \\ \vec{0} \end{matrix} \right\}_{(\vec{x}, \vec{y}, \vec{z})}$

- 14) Ecrire le torseur $\{\mathcal{J}_D\}$ exprimé au point B
- 15) Ecrire le torseur $\{\mathcal{J}_{F_{S_1 \rightarrow S_2}}\}$ exprimé au point B
- 16) Ecrire le torseur de l'action de liaison en B $\{\mathcal{J}_B\}$
- 17) Ecrire le torseur résultant $\{\mathcal{J}_{R2}\} = \{\mathcal{J}_B\} + \{\mathcal{J}_{F_{S_1 \rightarrow S_2}}\} + \{\mathcal{J}_D\}$