

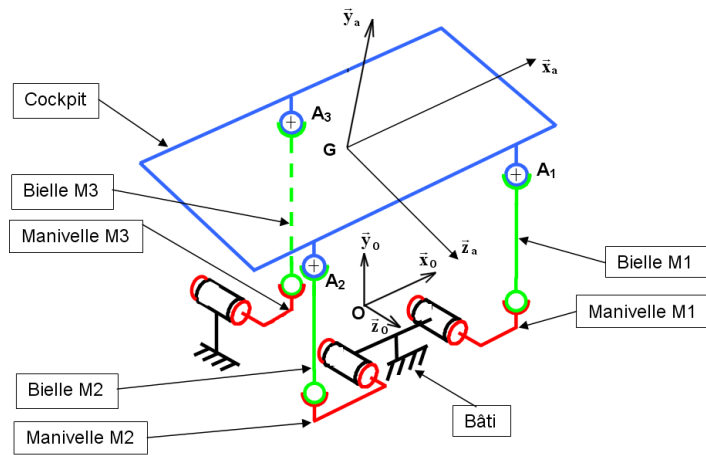
Simulateur de vol

La cinématique des simulateurs les plus complets est basée sur un hexapode (ou plate-forme de Stewart) doté de 6 axes. Ces simulateurs permettent de reproduire :

- les mouvements angulaires de roulis, tangage et lacet ;
- les déplacements longitudinaux, transversaux et verticaux.

Une solution moins coûteuse consiste à n'installer que 3 axes, de façon à ne reproduire que les mouvements principaux de l'avion : roulis, tangage et déplacement vertical.

C'est le principe du simulateur FLY-HO de la société 6mov



Pour éviter de sur-dimensionner les moteurs du simulateur, on souhaite installer un système permettant de compenser les effets de la pesanteur et ainsi d'équilibrer le poids du cockpit à l'arrêt.

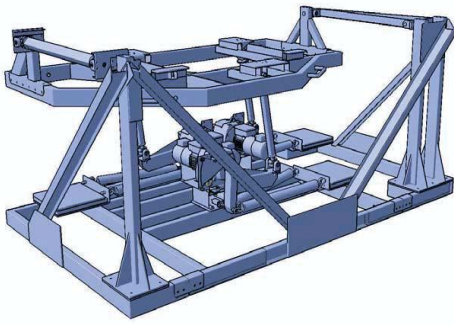
On se place dans le cas simplifié d'un seul mouvement de translation verticale de vitesse et d'accélération. Dans l'hypothèse de problème plan, on supposera les 3 mécanismes strictement identiques.

Dimensionnement des ressorts d'équilibrage

Le système de compensation de pesanteur est réalisé grâce à des ressorts de traction. Deux ressorts sont installés sur chaque manivelle (voir la figure ci-contre).

L'objectif est de choisir les ressorts d'équilibrage qui conviennent.





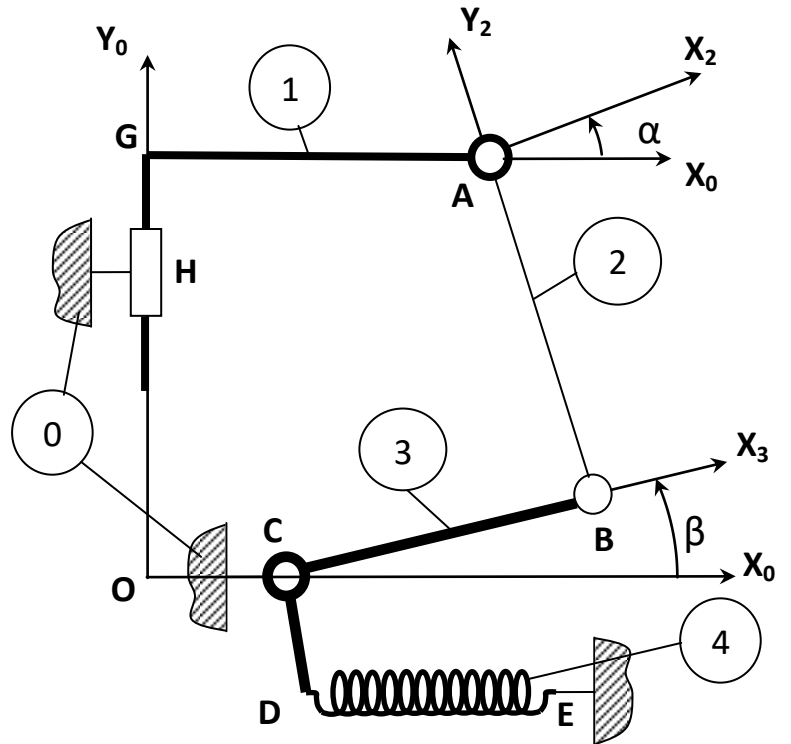
- 0 : Partie fixe
1 : Cockpit
2 : Bielle
3 : Manivelle
4 : Ressort

En G il s'applique le poids du cockpit tel que :

$$\{\mathcal{J}_{(g \rightarrow 1)}\}_G = \begin{cases} \vec{R}_{g \rightarrow 1} = -M_C \cdot g \cdot \vec{y}_0 \\ \vec{M}_{Gg \rightarrow 1} = \vec{0} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} \vec{OG} &= y \cdot \vec{y}_0; \vec{OC} = e \cdot \vec{x}_0; \vec{BA} = b \cdot \vec{y}_2; \vec{OH} = h \cdot \vec{y}_0; \\ \vec{CB} &= a \cdot \vec{x}_3; \vec{GA} = L \cdot \vec{x}_0; \vec{CD} = -d \cdot \vec{y}_3 \end{aligned}$$

Schéma plan du système simplifié



On cherche à déterminer la norme l'action du ressort en D qui sera modélisée par le torseur :

$$\{\mathcal{J}_{(ressort \rightarrow 3)}\}_D = \begin{cases} \vec{R}_{ressort \rightarrow 3} = X_D \cdot \vec{x}_0 \\ \vec{M}_{Dressort \rightarrow 3} = \vec{0} \end{cases}$$

Questions

- Réaliser le graphe des liaisons du système en précisant le centre et l'axe principal des liaisons (on ne prendra pas en compte le ressort pour cette question)
- Ecrire le torseur $\{\mathcal{J}_C\}$ de l'action de liaison en C dans le repère $(\vec{x}_0, \vec{y}_0, \vec{z}_0)$.
- Ecrire le torseur $\{\mathcal{J}_B\}$ de l'action de liaison en B dans le repère $(\vec{x}_0, \vec{y}_0, \vec{z}_0)$.
- Ecrire le torseur $\{\mathcal{J}_A\}$ de l'action de liaison en A dans le repère $(\vec{x}_0, \vec{y}_0, \vec{z}_0)$.
- Ecrire le torseur $\{\mathcal{J}_H\}$ de l'action de liaison en H dans le repère $(\vec{x}_0, \vec{y}_0, \vec{z}_0)$.
- Ecrire le torseur $\{\mathcal{J}_{(g \rightarrow 1)}\}$ en C dans le repère $(\vec{x}_0, \vec{y}_0, \vec{z}_0)$.
- Ecrire le torseur $\{\mathcal{J}_H\}$ en C dans le repère $(\vec{x}_0, \vec{y}_0, \vec{z}_0)$.
- Quel solide ou ensemble de solides faut-il isoler pour exprimer l'action $\{\mathcal{J}_{(ressort \rightarrow 3)}\}$ en fonction de M, g et des données géométriques ?
- Réaliser le bilan des actions mécaniques appliquées à cet ensemble, écrire les équations issues de l'application du principe fondamental de la statique (on écrira les projections sur les 3 axes du repère R_0)
- Déterminer l'expression littérale de l'action du ressort (4) en fonction de M, g et des données géométriques

Rappel

Le torseur $\{\mathcal{T}_{2 \rightarrow 1}\}$ associé à l'action mécanique exercée en A, par un solide 2 sur un solide 1 sera noté :

$$\{\mathcal{T}_{2 \rightarrow 1}\}_A = \begin{cases} \vec{R}_{2 \rightarrow 1} \\ \vec{M}_{A2 \rightarrow 1} \end{cases} = \begin{cases} X_A \cdot \vec{x} + Y_A \cdot \vec{y} + Z_A \cdot \vec{z} \\ L_A \cdot \vec{x} + M_A \cdot \vec{y} + N_A \cdot \vec{z} \end{cases}_{(A, \vec{x}, \vec{y}, \vec{z})} = \begin{pmatrix} X_A & L_A \\ Y_A & M_A \\ Z_A & N_A \end{pmatrix}_{(A, \vec{x}, \vec{y}, \vec{z})}$$